

Logik II

Übungsblatt 10

*zur Vorlesung von Prof. Dr. J. Dassow
im Sommersemester 2004*

Magdeburg, 3.6.04

1. Bestimmen Sie den allgemeinsten Unifikator für die Ausdrücke

- a) $R(g(x,b), h(y,g(b,z)))$ und $R(g(a,u), h(g(b,a),v))$,
- b) $R(g(x,b), h(y,g(b,z)))$ und $R(g(a,a), h(b,b))$,
- c) $R(g(x,b), h(y,g(b,z)))$ und $R(g(x,b), h(y,h(b,z)))$.

2. Bestimmen Sie (bis auf Benennung der Variablen) alle Resolventen der Klauseln $\{\neg P(x,y), \neg P(f(a), g(u, b)), Q(x, u)\}$ und $\{P(f(x),g(a,b)), \neg Q(f(a),b), \neg Q(a,b)\}$, wobei a, b Konstantensymbole und x, y, u Variablen, P, Q Relationssymbole und f, g Funktionssymbole sind.

3. Eine Resolution über einer Klauselmengemenge F heißt Input-Resolution, wenn bei jeder Bildung von Resolventen $\text{Res}(K1, K2)$ eine der Klauseln $K1$ oder $K2$ zur Menge F gehört.

- a) Man zeige, dass jede Input-Resolution linear ist.
- b) Man zeige, dass es eine Klauselmengemenge gibt, mit einer Resolutionsherleitung für die leere Klausel, für die es keine Inputresolution gibt.
- c) Man beweise, dass für die Klauselmengemenge eines unerfüllbaren Hornausdrucks eine Input-Resolution der leeren Menge existiert.