

# Logik II

## Übungsblatt 10

*zur Vorlesung von Prof. Dr. J. Dassow  
im Sommersemester 2004*

Magdeburg, 3.6.04

1. Bestimmen Sie den allgemeinsten Unifikator für die Ausdrücke

- a)  $R(g(x,b), h(y,g(b,z)))$  und  $R(g(a,u), h(g(b,a),v))$ ,
- b)  $R(g(x,b), h(y,g(b,z)))$  und  $R(g(a,a), h(b,b))$ ,
- c)  $R(g(x,b), h(y,g(b,z)))$  und  $R(g(x,b), h(y,h(b,z)))$ .

2. Bestimmen Sie (bis auf Benennung der Variablen) alle Resolventen der Klauseln  $\{\neg P(x,y), \neg P(f(a), g(u, b)), Q(x, u)\}$  und  $\{P(f(x),g(a,b)), \neg Q(f(a),b), \neg Q(a,b)\}$ , wobei  $a, b$  Konstantensymbole und  $x, y, u$  Variablen,  $P, Q$  Relationssymbole und  $f, g$  Funktionssymbole sind.

3. Eine Resolution über einer Klauselmenge  $F$  heißt Input-Resolution, wenn bei jeder Bildung von Resolventen  $\text{Res}(K1, K2)$  eine der Klauseln  $K1$  oder  $K2$  zur Menge  $F$  gehört.

- a) Man zeige, dass jede Input-Resolution linear ist.
- b) Man zeige, dass es eine Klauselmenge gibt, mit einer Resolutionsherleitung für die leere Klausel, für die es keine Inputresolution gibt.
- c) Man beweise, dass für die Klauselmenge eines unerfüllbaren Hornausdrucks eine Input-Resolution der leeren Menge existiert.